

Příloha 432 článku 41. Proudění plynů a par difuzory, <http://www.transformacni-technologie.cz/41.html>.

$$\frac{dA}{A} + \frac{d\rho}{\rho} + \frac{dc}{c} = 0 \quad [42.387] \quad (b).$$

Opět tuto rovnici vynásobíme diferencí dx :

$$\frac{1}{A} \frac{dA}{dx} + \frac{1}{\rho} \frac{d\rho}{dx} + \frac{1}{c} \frac{dc}{dx} = 0.$$

Rovnice přírůstku tlaku v difuzoru

Přírůstek tlaku není těžké získat derivací rovnice rychlosti plynu v difuzoru:

$$c = \sqrt{\frac{2 \cdot \kappa}{\kappa - 1} r \cdot T_i \left[1 - \left(\frac{p}{p_i} \right)^{\frac{n-1}{n}} \right]} + c_i^2 \quad [40.101],$$

[13.450],

$$\frac{d \frac{c^2}{2}}{dp} = - \frac{\kappa}{\kappa - 1} r \cdot T_i \frac{n-1}{n} \left(\frac{p}{p_i} \right)^{-\frac{1}{n}} \frac{1}{p_i},$$

$$\frac{cdc}{dp} = - \frac{\kappa}{\kappa - 1} r \cdot T_i \frac{n-1}{n} \left(\frac{p}{p_i} \right)^{-\frac{1}{n}} \frac{1}{p_i},$$

$$c \, dc = - \frac{\kappa}{\kappa - 1} r \cdot T_i \frac{n-1}{n} \frac{1}{p_i^{\frac{n-1}{n}}} \frac{1}{p_i^{\frac{1}{n}}} dp.$$

Jestliže nás zajímá změna přírůstku tlaku podél osy difuzoru stačí poslední rovnici vynásobit diferenciálem délky difuzoru dx :

$$c \frac{dc}{dx} = - \frac{\kappa}{\kappa - 1} r \cdot T_i \frac{n-1}{n} \frac{1}{p_i^{\frac{n-1}{n}}} \frac{1}{p_i^{\frac{1}{n}}} \frac{dp}{dx} \quad (a).$$

Rychlost i tlak je samozřejmě funkcí průřezu ten se vypočítá z rovnice kontinuity:

$$\rho \cdot A \cdot c_x = \text{konst.} = K.$$

Parciální derivací této rovnice při zjednodušení $c_x \approx c$ získáme vliv jednotlivých diferencí:

Dále vynásobíme poslední rovnici rychlostí plynu c , aby bylo možné dosadit do ní snadno za výraz cdc Rovnici (a):

$$\frac{c}{A} \frac{dA}{dx} + \frac{c}{\rho} \frac{d\rho}{dx} + \frac{c}{c} \frac{dc}{dx} = 0$$

$$\frac{c}{A} \frac{dA}{dx} + \frac{c}{\rho} \frac{d\rho}{dx} - \frac{\kappa}{\kappa - 1} r \cdot T_i \frac{n-1}{n} \frac{1}{p_i^{\frac{n-1}{n}}} \frac{1}{c \cdot p_i^{\frac{1}{n}}} \frac{dp}{dx} =$$

$$= 0,$$

$$\frac{1}{A} \frac{dA}{dx} + \frac{1}{\rho} \frac{d\rho}{dx} - \frac{\kappa}{\kappa - 1} r \cdot T_i \frac{n-1}{n} \frac{1}{p_i^{\frac{n-1}{n}}} \frac{1}{c^2 \cdot p_i^{\frac{1}{n}}} \frac{dp}{dx} =$$

$$= 0$$

(c).

Hustota plynu se mění podél polytropy a je funkcí tlaku:

$$\rho \left(\frac{1}{\rho} \right)^n = p_i \left(\frac{1}{p_i} \right)^n = K_2 \quad \text{kde } K_2 \text{ je konstanta,}$$

$$\rho = K_2 \cdot \rho^n,$$

$$\rho = \left(\frac{p}{K_2} \right)^{\frac{1}{n}} \quad (d).$$

$$\frac{d\rho}{dp} = \frac{1}{n} \left(\frac{p}{K_2} \right)^{\frac{1-n}{n}} \frac{1}{K_2},$$

$$d\rho = \frac{1}{n} p^{\frac{1-n}{n}} \frac{1}{K_2^{\frac{1}{n}}} dp.$$

Podíl diferenciálu hustoty a hustoty z Rovnice (d) tedy je:

$$\frac{d\rho}{\rho} = \frac{1}{n} p^{\frac{1-n}{n}} \frac{1}{K_2^{\frac{1}{n}}} \left(\frac{p}{K_2} \right)^{-\frac{1}{n}} dp,$$

$$\frac{d\rho}{\rho} = \frac{1}{n \cdot p} dp.$$

Poslední rovnici dosadíme do *Rovnice* (c):

$$\begin{aligned} & \frac{1}{A} \frac{dA}{dx} + \frac{1}{n \cdot p} \frac{dp}{dx} - \\ & \frac{\kappa}{\kappa-1} r \cdot T_i \frac{n-1}{n} \frac{1}{p_i^n} \frac{1}{c^2 \cdot p^n} \frac{dp}{dx} = 0, \\ & \frac{1}{A} \frac{dA}{dx} = \frac{\kappa}{\kappa-1} r \cdot T_i \frac{n-1}{n} \frac{1}{p_i^n} \frac{1}{c^2 \cdot p^n} \frac{dp}{dx} - \frac{1}{n \cdot p} \frac{dp}{dx} \\ & \frac{1}{A} \frac{dA}{dx} = \left(\frac{\kappa}{\kappa-1} r \cdot T_i \frac{n-1}{n} \frac{1}{p_i^n} \frac{1}{c^2 \cdot p^n} - \frac{1}{n \cdot p} \right) \frac{dp}{dx}. \end{aligned}$$